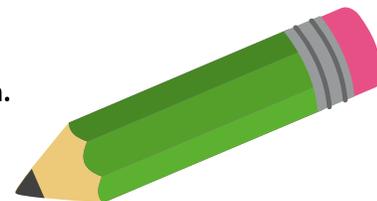


## Clase 1

## Tema: Los conjuntos numéricos: naturales, enteros y racionales

## Actividad 1

En el espacio asignado , escriba **V** si la afirmación es verdadera o **F** si es falsa. Justifique la respuesta si respondió (**F**).



El número  $-7$  es natural.

---

---

El número cero es entero positivo.

---

---

Todos los números naturales son enteros.

---

---

Existen números enteros que son naturales.

---

---

Algunos números racionales no son enteros.

---

---

---



**Actividad 2**

Complete las tablas según corresponda.

1 Escriba ✓ en el conjunto al que pertenece cada número

Número	N	Z	Q
1500			
$\frac{5}{2}$			
-723			
-0,5			

2 Escriba los números que cumplen las condiciones dadas

Número	N	Z	Q
			✓
	✓	✓	✓
	✓		
	✓	✓	

**Actividad 3**

Ubique los siguientes números en la recta numérica.

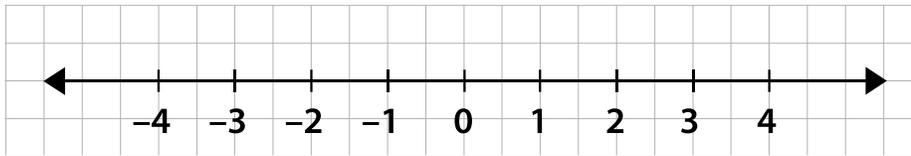
1 -3

2  $-\frac{1}{2}$

3  $\frac{9}{4}$

4 -1,6

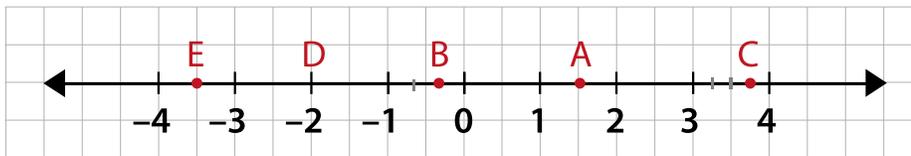
5  $\frac{3}{5}$



**Actividad 4**

Escriba en el recuadro el número racional que corresponde.

A      B      C      D      E  
           



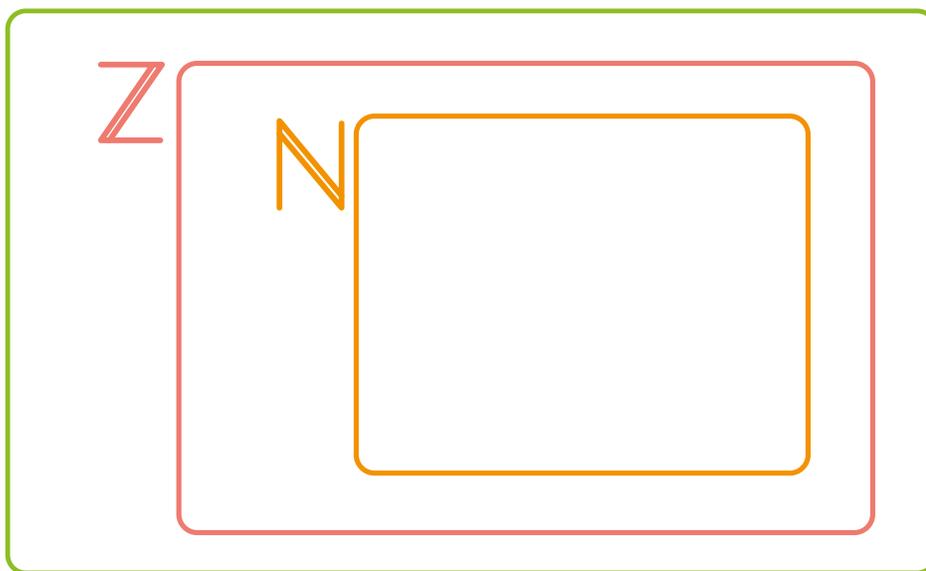
**Clase 2**

**Actividad 5**

Ubique los siguientes números en el diagrama de *Venn* teniendo en cuenta el conjunto numérico al que pertenece cada uno.

- 1  $\frac{1}{3}$
- 2 -7530
- 3  $\frac{45}{8}$
- 4  $-\frac{15}{7}$
- 5 25
- 6  $\frac{16}{8}$
- 7 0,8
- 8 1,532
- 9 -12
- 10 0

Q



**Actividad 6**

Escriba los elementos de los siguientes conjuntos. Observe el ejemplo en los globos.

$C = \{\text{números naturales mayores que } 5\}$

$C = \{6, 7, 8, \dots\}$

1  $H = \{\text{números mayores que } -4 \text{ y menores o iguales que } -1\}$

$H = \{ \text{_____} \}$

2  $T = \{\text{números menores que } -5\}$

$T = \{ \text{_____} \}$



**Actividad 7**

1 Utilice los símbolos  $\in$  (pertenece) y  $\notin$  no pertenece en cada caso.

a)  $-27 \square \mathbb{N}$

b)  $-\frac{2}{8} \square \mathbb{Q}$

c)  $532 \square \mathbb{Z}$

d)  $-1,98 \square \mathbb{Z}$

Pertenece se utiliza entre elemento y conjunto.



2 Utilice los símbolos  $\subset$  (está contenido) y  $\not\subset$  no está contenido en cada caso.

a)  $\mathbb{Z}^- \square \mathbb{N}$

b)  $\mathbb{N} \square \mathbb{Q}$

c)  $\mathbb{Q} \square \mathbb{N}$

d)  $\mathbb{Z}^+ \square \mathbb{Z}$

Contenencia se usa de conjunto a conjunto.



**Actividad 8**

Escriba los símbolos  $\in$ ,  $\notin$ ,  $\subset$  o  $\not\subset$  según corresponda.

1  $0 \square \mathbb{Q}$

2  $0,8 \square \{0, 2, 4, 6, 8, 10\}$

3  $\mathbb{N} \square \mathbb{Z}$

4  $\{1, 3, 5\} \square \mathbb{Q}$

5  $\{0,5, \frac{3}{4}, 1\} \square \mathbb{N}$

6  $\{5\} \square \mathbb{N}$



**Clase 3**

**Actividad 9**

1 Exprese los siguientes números racionales en forma decimal.

- a)  $\frac{7}{5} =$  \_\_\_\_\_
- b)  $-\frac{9}{8} =$  \_\_\_\_\_
- c)  $\frac{5}{3} =$  \_\_\_\_\_
- d)  $-\frac{82}{11} =$  \_\_\_\_\_
- e)  $\frac{613}{100} =$  \_\_\_\_\_
- f)  $\frac{49}{6} =$  \_\_\_\_\_

2 Exprese los siguientes números decimales en forma racional

- a) 1,8 = \_\_\_\_\_
- b)  $-4,\overline{19} =$  \_\_\_\_\_
- c) 0,0512 = \_\_\_\_\_
- d) 4,4 = \_\_\_\_\_
- e)  $0,\overline{43} =$  \_\_\_\_\_
- f)  $-1,\overline{325} =$  \_\_\_\_\_

**Actividad 10**

Clasifique los siguientes números en decimal finito, periódico puro o periódico mixto.

- 1 1,4 \_\_\_\_\_
- 2  $1,\overline{6}$  \_\_\_\_\_
- 3  $-7,\overline{45}$  \_\_\_\_\_
- 4 0,875 \_\_\_\_\_
- 5  $0,\overline{43}$  \_\_\_\_\_
- 6 0,001 \_\_\_\_\_
- 7  $-3,\overline{58}$  \_\_\_\_\_

El conjunto de dígitos que se repiten en la parte decimal, se denomina **período**.



Los decimales se pueden clasificar en finitos e **infinitos**.

Los infinitos pueden ser periódicos puros o periódicos mixtos.



**Decimal periódico puro:** aquel en el que el periodo empieza inmediatamente después de la coma.

**Decimal periódico mixto:** aquel en el que el período empieza unas cifras después de la coma.



**Actividad 11**

Complete la siguiente tabla. Observe el ejemplo.

Racional como fracción	Racional como decimal	Clasificación
$\frac{7}{40}$	0,175	Finito
$\frac{10}{11}$		
$\frac{4}{9}$		
	$-0,5\bar{3}$	
	$-2,4\bar{81}$	



## Clase 4


 Actividad 12

Escriba **V** si la afirmación es verdadera o **F** si la afirmación es falsa. Justifique su respuesta si escribió que la afirmación es **falsa**.

- 1  Toda fracción es un decimal periódico mixto.

---



---

- 2  Algunos números racionales tienen infinitas cifras decimales periódicas.

---



---

- 3  Si un número decimal periódico puro tiene parte entera 5 y período  $\bar{4}$ , entonces el número puede ser  $5,0\bar{4}$ .

---



---

- 4  El número  $5,8\bar{9}$  es un decimal periódico puro.

---



---

- 5  El número  $-\frac{7}{40}$  está entre los números enteros  $-9$  y  $-8$ .

---



---


 Actividad 13

Lea la siguiente situación. Luego, resuelva las preguntas planteadas en la cuadrícula que se brinda a continuación:

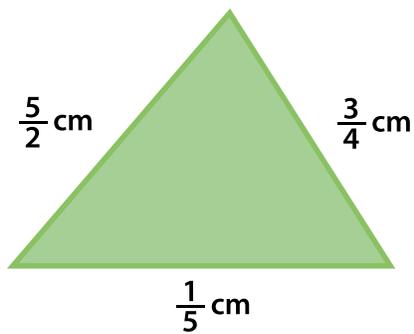
Los estudiantes del Colegio Andrés Bello estuvieron de excursión.  $\frac{1}{3}$  viajó a Nuquí,  $\frac{2}{15}$  viajaron al parque natural Los Katíos y el resto viajó al parque natural La Ensenada de Utría.



- 1 ¿Qué número decimal representa los estudiantes que viajaron al Parque natural La Ensenada de Utría?
- 2 ¿La fracción representada por los estudiantes que viajaron a Nuquí, representa un decimal periódico puro o periódico mixto?

- 3 Marque con una equis X la respuesta correcta.

Del siguiente triángulo se puede afirmar que:



- a)  Su perímetro es  $\frac{9}{11}$  cm y representa un número decimal periódico mixto.
- b)  Su perímetro es  $\frac{59}{20}$  cm y representa un número decimal periódico mixto.
- c)  Su perímetro es  $\frac{69}{20}$  cm<sup>2</sup> y representa un número decimal finito.
- d)  Su perímetro es  $\frac{69}{20}$  cm y representa un número decimal finito.



**Resumen**

**Expresión de fracción decimal como número decimal**

Para expresar **una fracción decimal como número decimal**, se escribe el numerador de la fracción y en él se separan con una coma, de derecha a izquierda, tantas cifras decimales como ceros tenga el denominador de la fracción. Si las cifras no alcanzan, se agregan a la izquierda tantos ceros como sean necesarios.

Por ejemplo:  $\frac{3}{100} = 0,03$

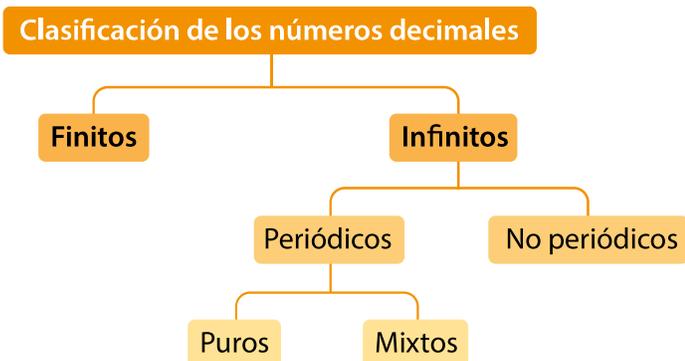
**Expresión de número decimal como fracción decimal**

Para expresar **un número decimal como una fracción decimal**, se escribe en el numerador el número sin la coma decimal, y como denominador la unidad seguida de tantos ceros como cifras decimales tenga el número decimal.

Por ejemplo,  $0,0051 = \frac{51}{10000}$

**Clasificación de números decimales**

El siguiente esquema muestra cómo se clasifican los números decimales.



■ **Decimal finito** es aquel que tiene parte decimal finita. Por ejemplo,  $\frac{3}{4} = 0,75$

■ **Decimal periódico puro** es un número decimal cuya parte decimal es infinita.

Por ejemplo,  $0,\overline{8}$  ,  $1,\overline{45}$

$$0,\overline{8} = \frac{8-0}{9} = \frac{8}{9}$$

$$1,\overline{45} = \frac{145-1}{99} = \frac{144}{99}$$

■ **Decimal periódico mixto** es aquel cuya parte decimal es infinita y tiene un periodo que no empieza inmediatamente después de la coma decimal.

Por ejemplo,  $0,1\overline{8}$  ,  $3,5\overline{24}$

$$0,1\overline{8} = \frac{18-1}{90} = \frac{17}{90}$$

$$3,5\overline{24} = \frac{3534-35}{990} = \frac{3489}{990}$$

■ A las cifras decimales que se repiten en un decimal periódico se les llama **periodo**.



## Clase 5

 Actividad 14 – Prueba Saber

Lea con atención cada enunciado y marque con **X** la respuesta correcta.

- 1** En un Instituto  $\frac{2}{3}$  de los estudiantes trabajan en artes gráficas,  $\frac{1}{6}$  laboran en textiles y el resto trabajan en otros oficios.

Sobre el número de estudiantes que tienen otros oficios en este grupo se puede afirmar que:

- A. Es superior al número de estudiantes que trabajan en textiles.
- B. Es inferior al número de estudiantes que trabajan en artes gráficas.
- C. Es igual al número de estudiantes que trabajan en textiles.
- D. Es inferior a la suma del número de estudiantes que trabajan en artes gráficas y textiles.

- 2** Dos números enteros satisfacen las siguientes condiciones

Condición 1: El segundo excede en 4 unidades al primero.

Condición 2: La diferencia entre el producto y la suma de los dos números es 20.

Los números que cumplen dichas condiciones son:

- A.  $-5$  y  $-1$
- B.  $-6$  y  $-2$
- C.  $4$  y  $-8$
- D.  $8$  y  $12$

- 3** Si  $a$  y  $b$  son números naturales impares, entonces es incorrecto afirmar que:

- A. Su suma es par
- B. Su producto es impar
- C. Su suma es un  $\mathbb{Z}^-$
- D. La suma de sus opuestos pertenece al conjunto de los  $\mathbb{Z}$

- 4** La suma de un número natural con un número entero negativo siempre es:

- A.  $\mathbb{N}$
- B.  $\mathbb{Z}$
- C.  $\mathbb{Q}$
- D.  $\mathbb{Z}^-$

- 5** Si un lote de forma triangular tiene de base  $\frac{5}{4}$  m y altura 3 m, entonces se puede afirmar que el área del terreno representa un número decimal:

- A. Periódico puro
- B. Periódico mixto
- C. Finito
- D. Infinito

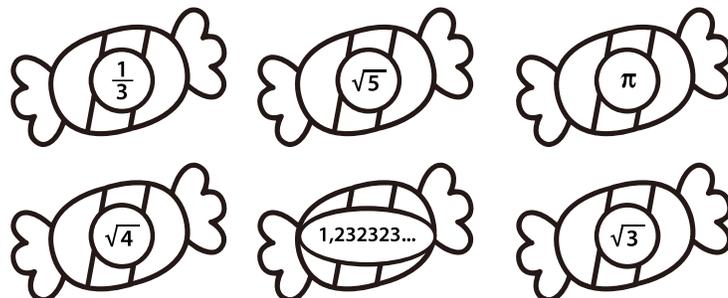


**Clase 6**

**Tema: Números irracionales. Representación gráfica y teorema de Pitágoras**

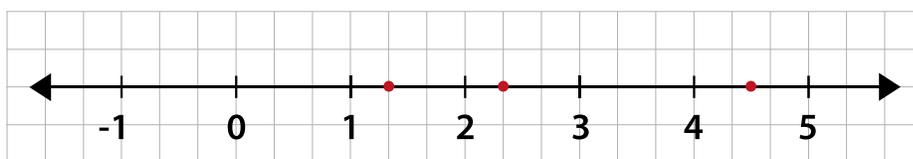
**Actividad 15**

Coloree con color azul los dulces que están marcados como números irracionales y con verde los que están marcados con números racionales. Explique cada elección.



**Actividad 16**

Relacione cada número irracional con el punto que representa en la recta numérica.



1  $\sqrt{2}$

2  $\sqrt{20}$

3  $\sqrt{3}$







**Actividad 21**

Relacione cada número irracional con su expresión decimal aproximada.

$\sqrt{30}$	5,0990195135927848	$\sqrt{32}$
	5,2915026221291812	
	5,4772255750516611	$\sqrt{28}$
$\sqrt{33}$	5,6568542494923802	
	5,5677643628300219	$\sqrt{31}$
$\sqrt{26}$	5,7445626465380287	

**Actividad 22**

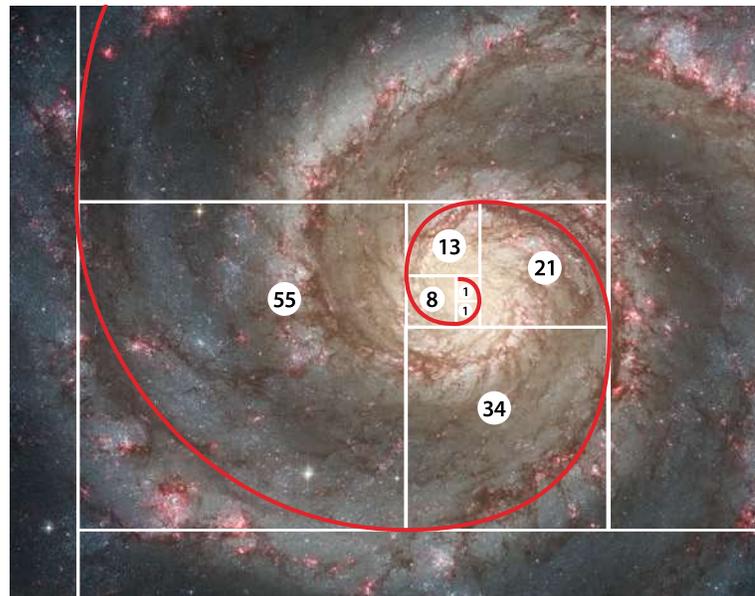
Lea de manera atenta el siguiente texto:

Una forma de aproximarse al número áureo es por medio de la llamada **sucesión de Fibonacci**. Algunos números de esta sucesión son los siguientes:

1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ...

Un número de la sucesión de Fibonacci se forma como la suma de los dos anteriores; así, el siguiente número de la sucesión se forma como  $13 + 21 = 34$ .

Si se dividen dos números consecutivos de la sucesión de Fibonacci el resultado se aproxima al número áureo y entre más grandes sean los números que se dividen, más cercana es la aproximación.



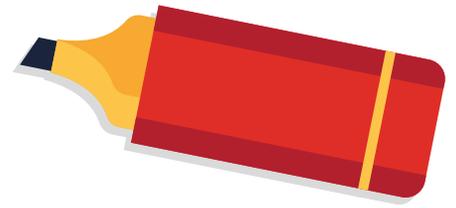
Lo asombroso de la sucesión es que está presente prácticamente en todas las cosas del Universo: las semillas de las flores y las galaxias, entre otras.



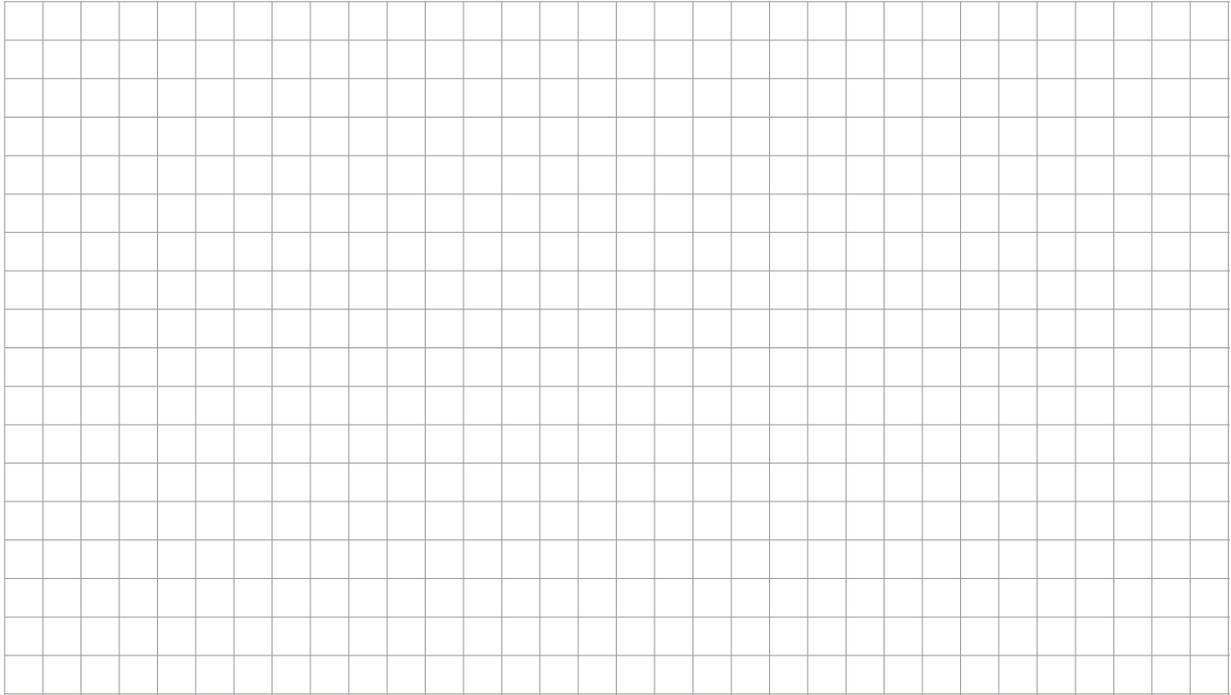
Clase 8

Actividad 23

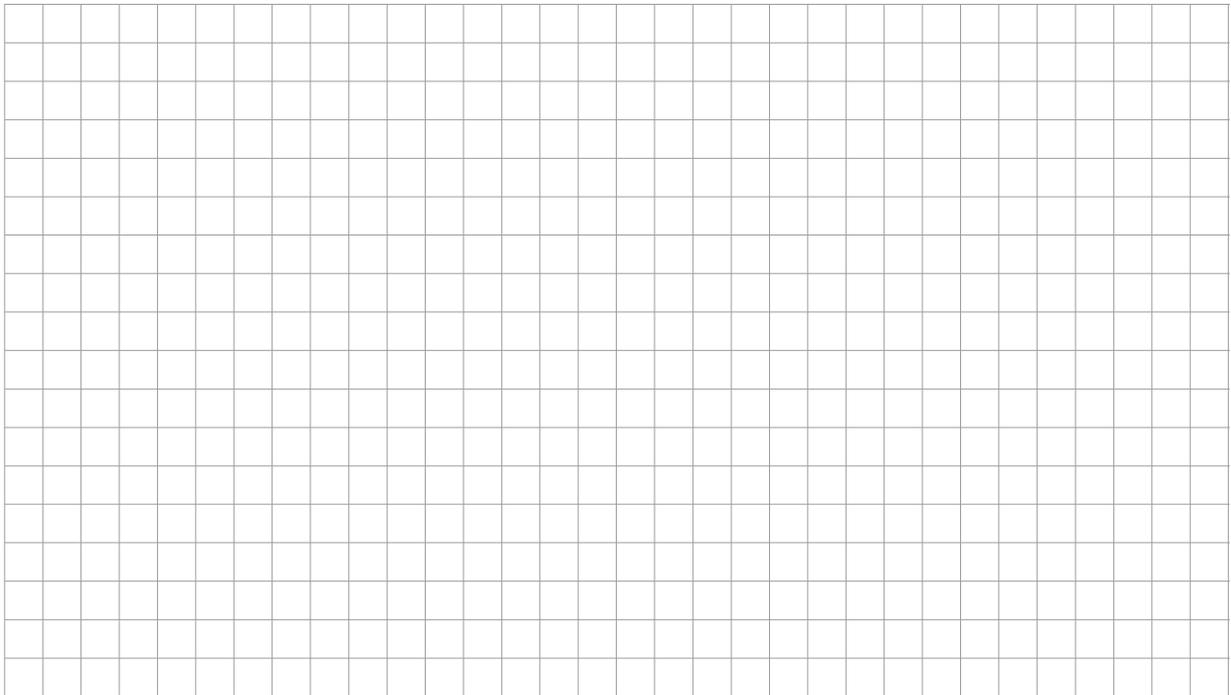
Construya los siguientes números irracionales.



1  $\sqrt{3}$



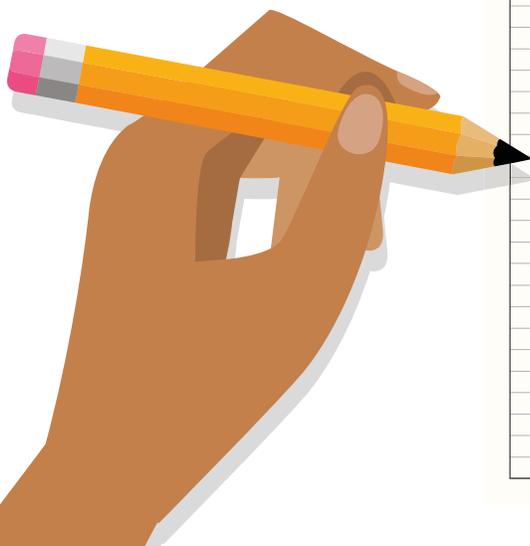
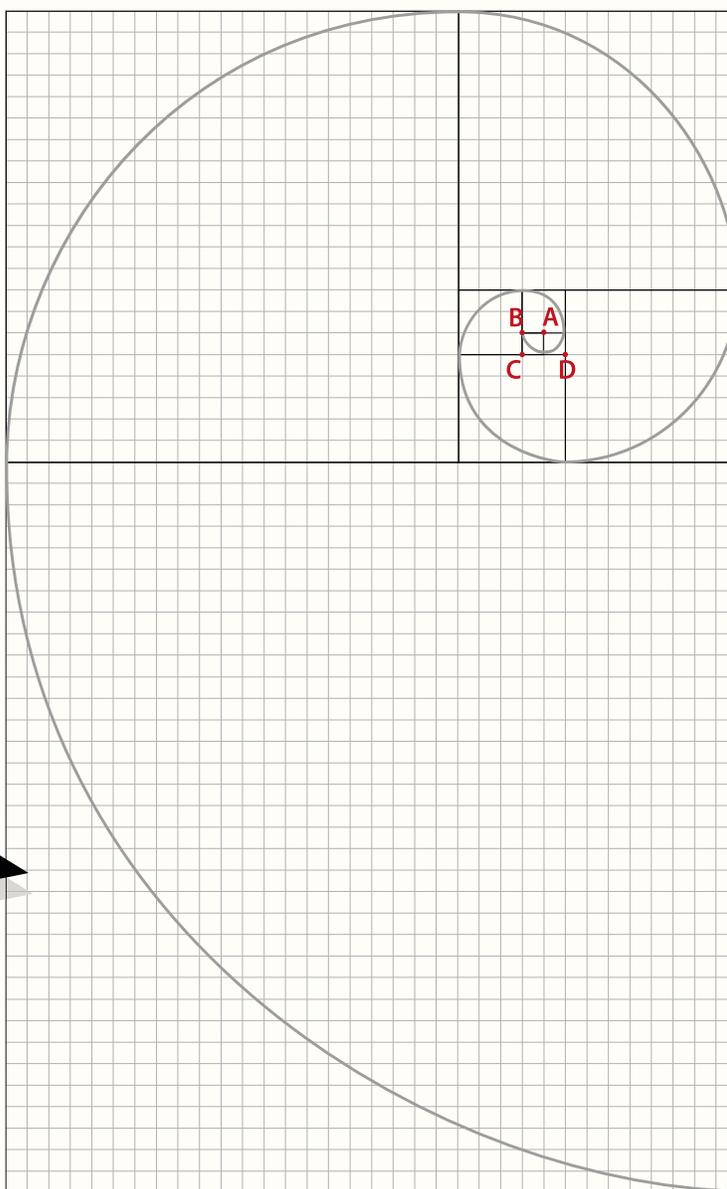
2  $\sqrt{7}$



**Actividad 24**

Siga los pasos para construir **La espiral de Durero**.

- 1 Construya sobre una hoja cuadriculada de su cuaderno un rectángulo de 34 cuadrados de base por 55 cuadrados de altura.
- 2 Construya dentro del rectángulo los cuadrados que se muestran en la espiral de la imagen. Cuente cuidadosamente el número de cuadros.
- 3 Ubique el compás en el punto A que se marca en la primera imagen.
- 4 Luego, trace la espiral así:
  - Desde el punto inicial A, trace un semi círculo.
  - Ubique el compás en el punto B, amplíe el radio y haga un cuarto de círculo.
  - Repita este proceso ubicando el compás en el punto C, luego en el D y comience el proceso de nuevo desde el punto A, luego en el B, etc., hasta completar la figura.



## Clase 9

### Actividad 25

Marque frente a cada número si es racional o irracional. Justifique su respuesta.

- 1  $\sqrt{5}$      Racional     Irracional    \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_
- 2  $6,\overline{23}$      Racional     Irracional    \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_
- 3  $\frac{\sqrt{2}}{2}$      Racional     Irracional    \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_
- 4  $\sqrt{4}$      Racional     Irracional    \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_
- 5  $3,01234$      Racional     Irracional    \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_

### Actividad 26

Escriba el valor aproximado que cree que tiene cada raíz cuadrada. Use cuatro cifras decimales para la aproximación.

$\sqrt{4} =$  \_\_\_\_\_  
 $\sqrt{5} = 2,23606$   
 $\sqrt{6} =$  \_\_\_\_\_  
 $\sqrt{7} = 2,64575$

$\sqrt{16} = 4$   
 $\sqrt{17} = 4,123105$   
 $\sqrt{18} =$  \_\_\_\_\_  
 $\sqrt{19} = 4,35889$   
 $\sqrt{20} =$  \_\_\_\_\_  
 $\sqrt{21} = 4,58257$

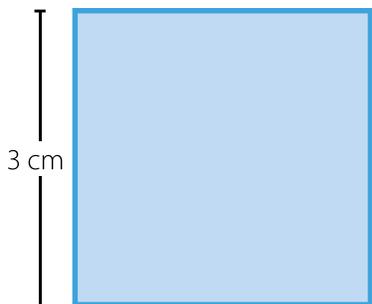
Observe los valores dados para poder hacer la aproximación.



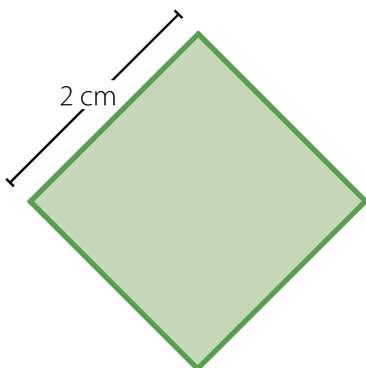
**Actividad 27**

Halle la medida de la diagonal de cada cuadrado usando el teorema de Pitágoras.

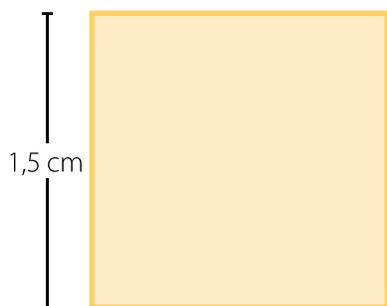
1



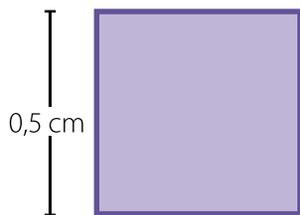
2



3



4



## Resumen

## Definición de número irracional

Los **números irracionales** son aquellos que no se pueden expresar como razones entre números enteros y tienen como característica que su expresión decimal es infinita y no periódica. Este conjunto se representa con la letra  $I$ .

Algunos irracionales son:

$$\sqrt{2} \quad \sqrt{3} \quad \pi \quad \frac{\sqrt{2}}{2}$$

## Irracionales conocidos

Aunque los números irracionales son "extraños" hay varios de ellos que se usan con mucha frecuencia como:

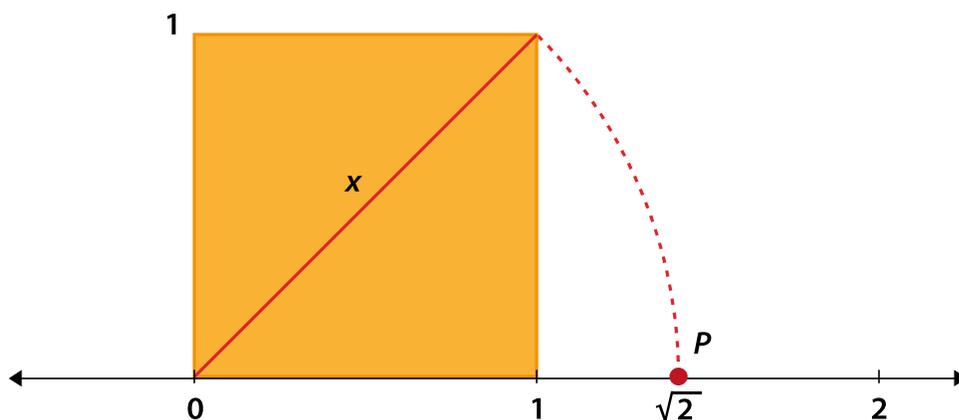
$\pi$  Describe la relación entre el perímetro de una circunferencia y su diámetro.

$e$  Se le llama así en honor al matemático Leonard Euler. Se utiliza con frecuencia en las funciones exponenciales.

$\varphi$  Llamado el número de oro o el número aéreo. Representa las proporciones perfectas en la naturaleza.

Representación de  $\sqrt{2}$ 

A continuación se muestra la construcción de  $\sqrt{2}$  en la recta numérica.





## Clase 11

### Tema: Los números reales

#### Actividad 29

Escriba verdadero (V) o falso (F) según las afirmaciones sean verdaderas o falsas. Justifique su respuesta si respondió **falsa**.

El opuesto de un número real es siempre un número real negativo. \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

Los números reales negativos son menores que 0. \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

$\sqrt{4}$  es un número irracional. \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

$\sqrt{5}$  en la recta real está ubicado entre 2 y 3. \_\_\_\_\_

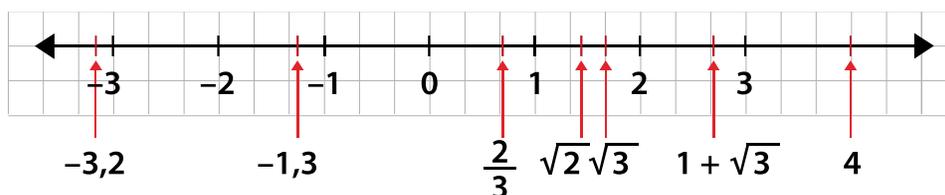
\_\_\_\_\_

$-4 + \sqrt{2}$  en la recta numérica está entre  $-3$  y  $-2$ . \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

#### Actividad 30

1 Observe los números que se han ubicado en la recta numérica:



Si un número ( $a$ ) está a la izquierda de otro ( $b$ ) en la recta real, es porque ( $a$ ) es menor que ( $b$ ).

2 Escriba en cada caso los signos  $<$  (menor que) o  $>$  (mayor que) según corresponda.

a)  $1 + \sqrt{3}$    $3$

c)  $-1.3$    $-3.2$

b)  $\sqrt{3}$    $\sqrt{2}$

d)  $\frac{2}{3}$    $\sqrt{2}$



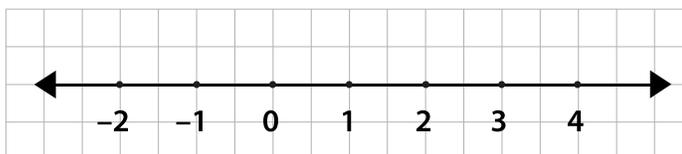


## Clase 12

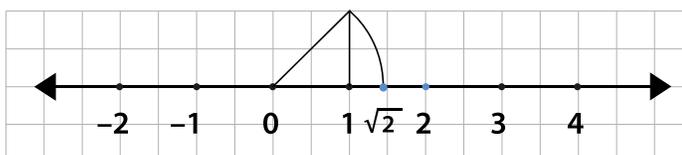
### Actividad 33

Lea cuidadosamente el ejemplo dado, en el que se muestra paso a paso, el proceso para ubicar el número real  $\sqrt{2} + 2$  en la recta numérica.

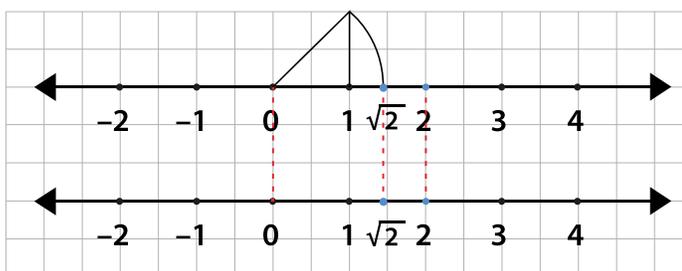
- 1 Trace una recta numérica como la siguiente:



- 2 Sobre la misma recta, represente los números reales  $\sqrt{2}$  y 2. La gráfica ahora se verá así:



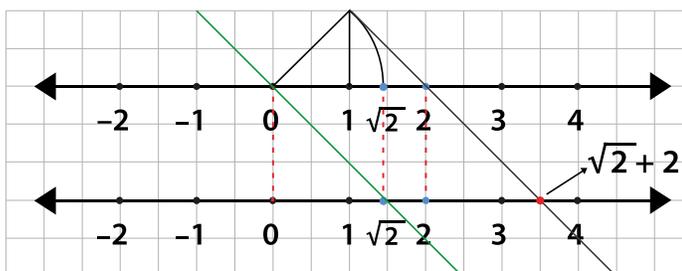
- 3 Trace una segunda recta numérica como se muestra a continuación (observe la correspondencia entre los puntos de las dos rectas).



- 4 Ahora trace una recta que pase por 0 (en la primera recta) y  $\sqrt{2}$  (en la segunda recta). Luego, trace una paralela a esta recta que pase por 2 en la primera recta, la cual cortará a la segunda recta en el punto  $\sqrt{2} + 2$ .

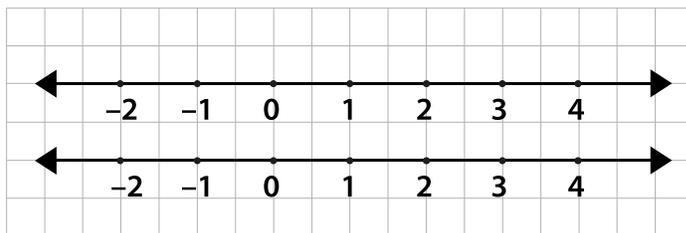
Con lo cual hemos terminado la representación geométrica del número real  $\sqrt{2} + 2$ .

Finalmente, la grafica quedará así:



**Actividad 34**

Siguiendo el procedimiento anterior y recordando cómo se representa geoméricamente el número irracional  $\sqrt{5}$ , haga la construcción (utilizando escuadras y compás) del número  $2 + \sqrt{5}$ .



**Actividad 35**

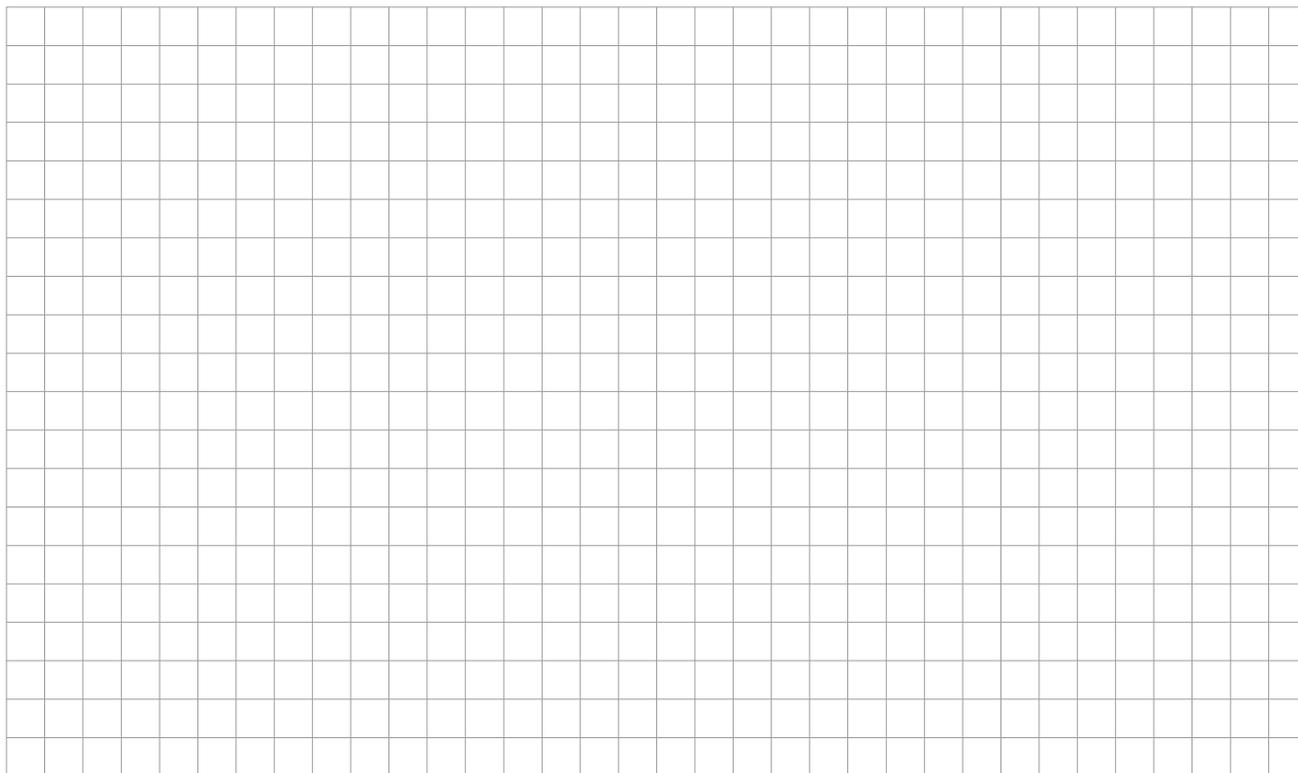
Ubique en la recta real los siguientes números de manera aproximada. Sugerencia: exprese cada raíz cuadrada en forma aproximada como un número decimal finito, con una sola cifra decimal.

- 1  $1 + \sqrt{2}$
- 2  $\sqrt{3} - 2$



$\sqrt{2} \approx 1,4$

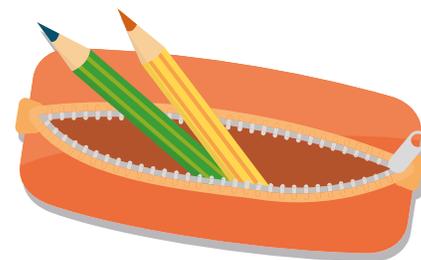
$\sqrt{3} \approx 1,7$



**Clase 13**

**Actividad 36**

Escriba el número real que resulta al resolver cada adición.



1  $3 + \sqrt{5} + 3 =$


2  $1,5 + (-4) + \sqrt{2} + (-3,5) =$


3  $3,5 + \sqrt{3} + (-3,5) =$


4  $11 + \pi + (-9) =$


**Actividad 37**

Efectúe las operaciones indicadas.

1  $1 - 0,\bar{3} =$  \_\_\_\_\_

2  $-7 + 0,2 =$  \_\_\_\_\_

3  $0,\bar{2} + 0,\bar{5} =$  \_\_\_\_\_

4  $\frac{3}{4} - 1,\bar{3} =$  \_\_\_\_\_

**Actividad 38**

Aplicar la propiedad dada en cada caso.

**Asociativa**

1  $2 + (3 + \sqrt{5}) =$  \_\_\_\_\_

3  $3,9 + (-3,9 + 4) =$   
\_\_\_\_\_

**Conmutativa**

2  $2,7 + 8 =$  \_\_\_\_\_

4  $3,127 + 7 =$  \_\_\_\_\_



**Actividad 39**

Efectuar los siguientes productos:

1  $\left(\frac{-3}{2}\right)\left(\frac{7}{6}\right) =$  \_\_\_\_\_

2  $(3,1)(0,25) =$  \_\_\_\_\_

3  $2\left(\frac{-1}{3}\right)\left(\frac{6}{7}\right) =$  \_\_\_\_\_

4  $(0,25)(0,2) =$  \_\_\_\_\_

5  $(0,75)(0,1)\left(\frac{4}{3}\right) =$  \_\_\_\_\_

Recuerde la propiedad asociativa de la multiplicación.  
 $a(b c) = (a b) c$



**Actividad 40 – Tarea**

Desarrolle, en su cuaderno, las operaciones indicadas:

1  $(3 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{3}) =$

2  $0,3(0,2 + 0,8) =$

3  $(\sqrt{5} - 1)(\sqrt{5} + 1) =$

4  $(1 - \sqrt{2})\sqrt{3} =$

Recuerde que debe usar la propiedad distributiva.  
 $a(b + c) = a b + a c$



**Actividad 41 – Tarea**

Simplifique, en su cuaderno, las expresiones dadas:

1  $(18\sqrt{3} \div 3\sqrt{3}) + (\sqrt{5} \div 2\sqrt{5}) =$

2  $-2\sqrt{3} - 18 + 7\sqrt{3} + 19 =$

3  $(0,75 \div 0,25) + (-0,4)(0,8) =$

El producto de dos raíces con el mismo índice se puede escribir como una sola raíz.  
Por ejemplo  
 $\sqrt{2}\sqrt{7} = \sqrt{14}$



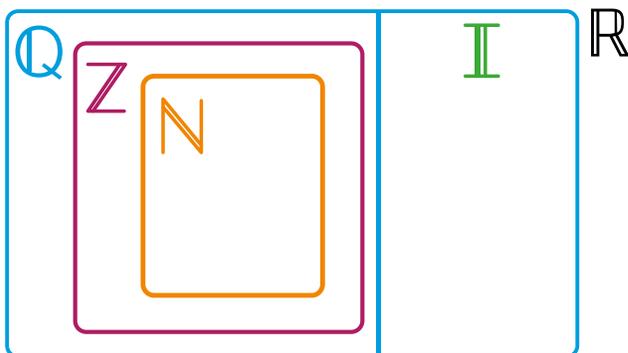




**Resumen**

**Definición de números reales**

El **conjunto de los números reales** es aquel formado por los números racionales y los números irracionales. El siguiente esquema muestra dicho conjunto y la relación de contención que se presenta entre los conjuntos numéricos.



$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

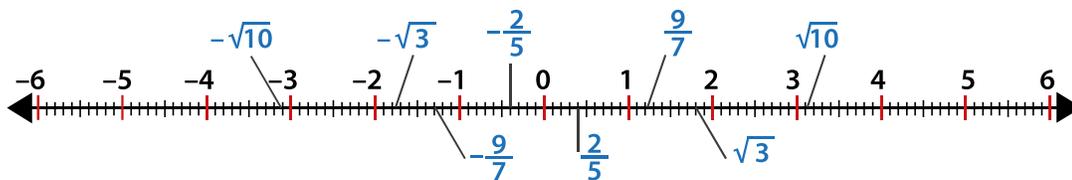
$$\mathbb{Z} = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$$

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{a}{b}, \text{ tal que } a \in \mathbb{Z}, b \in \mathbb{Z}, \text{ con } b \neq 0 \right\}$$

$$\mathbb{R} = \mathbb{Q} \cup \mathbb{I}$$

**Representación gráfica**

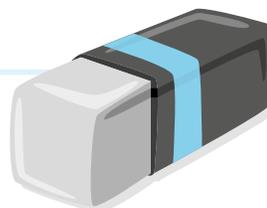
En la siguiente recta real se observa la representación geométrica de algunos números reales.



**Operaciones en los números reales**

En los números reales están bien definidas las operaciones de adición, sustracción, multiplicación y división siempre que el divisor sea distinto a cero (0).

Las propiedades de la suma y la multiplicación de números reales son: la clausurativa, la conmutativa, la existencia de inversos aditivos y multiplicativos, la existencia de elementos neutros y la distributiva de la multiplicación respecto a la adición.



**Clase 15**

**Actividad 46 – Prueba Saber**

Lea con atención cada enunciado y marque con **X** la respuesta correcta.

**1** Doña Pepa fue al supermercado a comprar 8 kilos y medio de lentejas, y encontró que solamente había bolsas de 3 kilos, 1 kilo y  $\frac{1}{2}$  kilo.

Ella lleva exactamente la cantidad de lentejas que necesita, si compra:

- A. Dos bolsas de 3 kilos, una bolsa de 1 kilo y una bolsa de  $\frac{1}{2}$  kilo.
- B. Una bolsa de 3 kilos, cuatro bolsas de 1 kilo y cinco bolsas de  $\frac{1}{2}$  kilo.
- C. Dos bolsas de 3 kilos, dos bolsas de 1 kilo y una bolsa de  $\frac{1}{2}$  kilo.
- D. Una bolsa de 3 kilos, cinco bolsas de 1 kilo y tres bolsas de  $\frac{1}{2}$  kilo.



**2** Un grupo de 6 estudiantes de Quibdó está organizando un paseo a Bahía Solano y después de hacer un pequeño presupuesto, determinan que requieren en promedio \$45.000 por estudiante. La tabla dada muestra la cantidad que aportó cada uno de los estudiantes.

Estudiante 1	\$ 23.000
Estudiante 2	\$ 42.000
Estudiante 3	\$ 42.000
Estudiante 4	\$ 46.000
Estudiante 5	\$ 47.000
Estudiante 6	\$ 88.000

¿Con este presupuesto, es posible realizar el paseo?

- A. Sí, porque el promedio del dinero reunido es aproximadamente el doble del requerido.
- B. Sí porque el promedio del dinero reunido es de \$3.000 más que el requerido.
- C. No, porque el promedio del dinero reunido es aproximadamente la mitad del requerido.
- D. No, porque el promedio del dinero reunido es \$3.000 menos que el requerido.

**3** En un parqueadero de Quibdó la tarifa está definida de acuerdo al siguiente aviso:



Javier dejó estacionado su automóvil en el parqueadero durante tres horas y media. ¿Cuánto debe pagar?

- A. \$11.200
- B. \$14.800
- C. \$15.000
- D. \$14.200

**4** En una feria se juega tiro al blanco; por cada acierto se ganan \$5.000 y por cada desacierto se pierden \$1.700.

Pablo lanzó tres veces y acertó una vez en el blanco. ¿Cuánto dinero ganó o perdió al final de los tres lanzamientos?

- A. Ganó \$5.000
- B. Perdió \$3.400
- C. Ganó \$1.600
- D. Perdió \$3.400



**Clase 16**

**Tema: La potenciación y la radicación en el conjunto de los números reales**

**Actividad 47**

Complete la siguiente tabla:

Lado (cm)	Área de un cuadrado	Volumen de un cubo
$\frac{30}{6}$		
3,1		
4,50		
1,98		
$\frac{4}{6}$		

Recuerde que:

$$V_{\square} = (\text{lado})^3$$



**Actividad 48**

En cada caso, calcule la potencia indicada.

1  $5^5 =$  \_\_\_\_\_

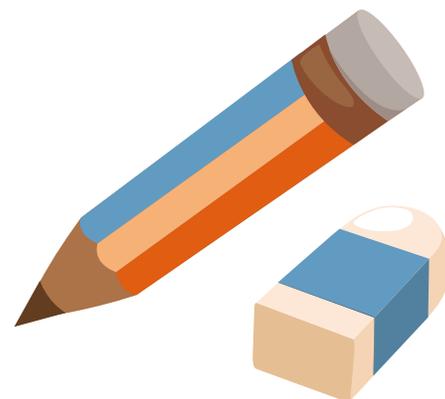
4  $(-2,3)^2 =$  \_\_\_\_\_

2  $2^1 =$  \_\_\_\_\_

5  $\left(-\frac{3}{4}\right)^4 =$  \_\_\_\_\_

3  $\left(\frac{5}{7}\right)^0 =$  \_\_\_\_\_

6  $(\sqrt{237})^2 =$  \_\_\_\_\_



**Actividad 49**

Complete la tabla según corresponda.

Base	Exponente	Potencia	Potenciación	Radicación
2,5	3			
			$2^4 =$	
				$\sqrt{36} = \pm 6$
0,3		0,09		

**Actividad 50**

Solucione las siguientes situaciones:

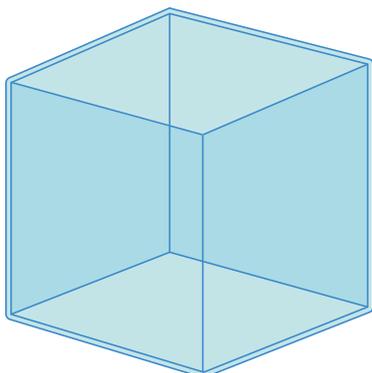
- 1 Si el área de un terreno cuadrado es  $625 \text{ m}^2$ , ¿cuánto mide su perímetro?



Dibuje el terreno y analice la situación.



- 2 Un tanque contiene  $125 \text{ cm}^3$  de agua. Si el agua es transvasada a un cubo en el que cabe de manera exacta, ¿cuánto mide el lado del cubo?





**Actividad 53**

Complete la siguiente tabla e indique a cuál de los conjuntos numéricos pertenece cada raíz. Tenga en cuenta el ejemplo.

$x$	$x^2$	$\sqrt{x}$	Conjunto numérico
4	$4^2 = 16$	$\sqrt{4} = 2$	Números naturales
7			
9			
10			
15			

**Actividad 54**

Escriba cada expresión usando números. Luego, haga el cálculo correspondiente.

1 **Siete al cuadrado**

↓

4 **Raíz cúbica de veintisiete**

↓

2 **Cuatro al cubo**

↓

5 **Raíz cuadrada de dieciséis**

↓

3 **Dos a la cinco**

↓

6 **Raíz cuarta de ocho a la cuatro**

↓



**Actividad 55**

1 Observe el ejemplo para calcular la raíz cuadrada usando la descomposición en factores primos.

¿Cómo calcular  $\sqrt{625}$ ?



6	2	5	5
1	2	5	5
	2	5	5
		5	5
			1

En conclusión  $\sqrt{625} = 25$

Se descompone el número y se hacen dos grupos de factores. En este caso cada grupo tiene a  $5 \times 5$ .



2 Calcule las raíces dadas.

a)  $\sqrt{144}$



b)  $\sqrt{100}$



c)  $\sqrt{225}$



d)  $\sqrt{1444}$









## Resumen

## Elementos de las potencias y las raíces

$$a^n = b$$

Diagrama de la ecuación  $a^n = b$  con etiquetas: "Base" apunta a  $a$ , "Exponente" apunta a  $n$ , y "Potencia" apunta a  $b$ .

**Base:** es el factor que se repite.

**Exponente:** indica el número de veces que se repite la base.

**Potencia:** es el producto que resulta de multiplicar la base por sí misma.

$$\sqrt[n]{b} = a$$

Diagrama de la ecuación  $\sqrt[n]{b} = a$  con etiquetas: "Índice (exponente)" apunta a  $n$ , "Raíz (base)" apunta a  $\sqrt{\quad}$ , y "Radicando (potencia)" apunta a  $b$ .

**Radicando:** es el número al que se le calcula su raíz.

**Índice:** es el número que indica la raíz que se extrae; cuando el índice es 2 no es necesario escribirlo.

**Potencia:** es el resultado de efectuar la operación.

## Propiedades de la potenciación

Para  $a, b, m, n$  en los números reales se cumplen las siguientes propiedades.

- $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$
- $a^n \div a^m = a^{n-m}; a \neq 0$
- $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$
- $a^n \div b^n = (a \div b)^n; b \neq 0$
- $(a^n)^m = a^{n \cdot m}$
- Para  $a \neq 0, a^{-n} = \frac{1}{a^n}$
- $a^0 = 1; a \neq 0$
- $1^n = 1$

## Propiedades de la radicación

Para  $a, b, m, n$  en los números reales se cumplen las siguientes propiedades.

- $\sqrt[n]{a} \times \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \times b}$
- $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$
- $(\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a^m}$
- $\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[n \times m]{a}$





**Clase 21**

**Tema: Medidas de tendencia central**

**Actividad 62**

A un grupo de personas que acostumbra a tomar aguas aromáticas en la mañana, se le preguntó cuál planta medicinal preferían para preparar cada infusión. Las respuestas fueron las siguientes:

manzanilla	yerbabuena	yerbabuena	albahaca	manzanilla	limonaria	yerbabuena
yerbabuena	limonaria	manzanilla	yerbabuena	albahaca	manzanilla	yerbabuena
yerbabuena	limonaria	manzanilla	limonaria	albahaca	manzanilla	yerbabuena
yerbabuena	manzanilla	yerbabuena	limonaria	limonaria	albahaca	yerbabuena

1 Teniendo en cuenta los resultados, complete los datos en la siguiente tabla de frecuencias.

Planta	N° de personas
Manzanilla	
Yerbabuena	
Albahaca	
Limonaria	
<b>Total</b>	

La **moda** de un conjunto de datos es el dato que tiene mayor frecuencia, es decir, el que más se repite.



2 Responda las siguientes preguntas:

- a) ¿Cuántas personas prefieren manzanilla? \_\_\_\_\_
- b) ¿Cuántas persona prefieren limonaria? \_\_\_\_\_
- c) ¿Cuál es la planta medicinal preferida? \_\_\_\_\_
- d) ¿Cuál es la planta medicinal de menor preferencia? \_\_\_\_\_
- e) Es posible afirmar que alguna de las plantas “está de moda”? Justifique la respuesta.

---



---

**Actividad 63**

Pregunte a los compañeros de su curso sobre el tipo de música preferido y elabore en su cuaderno una tabla de frecuencias con la información que recoja. Luego, escriba cuál es la moda para esta variable.

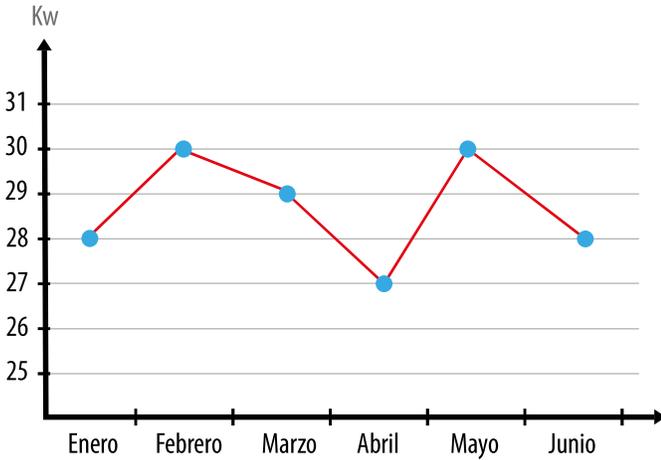






**Actividad 66**

La gráfica muestra el consumo de energía en kilovatios de la familia Nagles durante el primer semestre del año. Con base en la gráfica, responda en el cuaderno las siguientes preguntas.



1. ¿En qué meses se presentó el mayor consumo? ¿A cuánto ascendió ese consumo?
2. ¿Cuál es el promedio de energía consumida mensualmente por la familia Nagles, para este semestre?
3. Si el valor de un kilovatio es de \$450, ¿cuánto deberá pagar la familia por el servicio de luz durante los 6 meses registrados en la gráfica?

**Actividad 67**

El profesor Catalino organizó en una tabla los resultados de la evaluación bimestral de matemáticas. La nota máxima es 5 y para aprobar se requiere una nota mínima de 3.

Nota obtenida	N° de estudiantes
2	7
2,5	4
3	4
3,5	6
4	8
4,5	4
5	4

Escriba **F** o **V** según el caso. Haga las operaciones necesarias en el cuaderno y justifique allí sus respuestas.

1.  La mayoría de los estudiantes perdieron la evaluación.
2.  La nota promedio de la evaluación fue 3,25.
3.  Ningún estudiante tuvo todas las respuestas bien.
4.  La nota que corresponde a la moda en la evaluación fue de 4.
5.  El 10% de los estudiantes sacaron 5.







## Clase 24

### Actividad 70

La tabla expresa el precio de varios computadores que hay en una tienda de informática.

Precio (miles de pesos)	N° de computadores
[900, 1.200)	60
[1.200, 1.500)	124
[1.500, 1.800)	30
[1.800, 2.100)	15



La clase de mayor frecuencia es la clase modal y el valor de la moda es la marca de clase modal.

a) ¿Cuántos computadores hay en la tienda? \_\_\_\_\_

b) ¿Cuál es la clase modal? ¿Y la moda? \_\_\_\_\_

### Resumen

#### Las tablas de distribución de frecuencias

Se utilizan para organizar una variable cuantitativa en intervalos de clase.

Un **intervalo** es un conjunto que contiene todos los números reales entre dos números dados.

La **marca de clase** es el punto medio de cada intervalo, se considera como el dato más representativo del intervalo.

Edad (años)	Marca de clase	Frecuencia	$x_i \times f$
[20, 30)		10	

Para elaborar una tabla de distribución de frecuencias, se debe calcular el número de intervalos, el rango y el tamaño de cada intervalo. Para ello, se usan las siguientes fórmulas para un número  $n$  de datos:

$$\text{Números de intervalos} = \sqrt{n}$$

$$\text{Rango} = D_M - D_m$$

$$\text{Tamaño de intervalo} = \frac{\text{Rango}}{\# \text{ intervalos}} = \frac{D_M - D_m}{\sqrt{n}}$$

Luego, se construyen los intervalos. Para ello, se toma el dato menor como límite inferior del **primer intervalo** (valor donde inicia) y a este se le suma el tamaño del intervalo para encontrar el **límite superior** (valor en que termina).

Para el **segundo intervalo**, se toma como límite inferior el límite superior y se le suma el tamaño del intervalo.

En los intervalos no se incluye el último número para que cada dato quede únicamente en un intervalo.

### Las medidas de tendencia central

Son tres: la **media**, la **mediana** y la **moda** y, dependiendo de cómo estén presentados los datos, hay maneras para calcularlas.

- Cuando los **datos no están en una tabla**, se calcula sumando las frecuencias y dividiendo entre el número total de ellos.
- Cuando los **datos están** en una tabla, se obtiene de dividir la suma de los productos de la marca de clase y frecuencia, entre el total de datos.

La **media** o **promedio** es una medida que permite encontrar las características básicas de un conjunto de datos de una variable cuantitativa.

La **moda** de un conjunto de datos es el dato que más veces se repite.

En una tabla de frecuencias, la clase de mayor frecuencia es la **clase modal** y el **valor de la moda** es la marca de clase modal.

La **mediana** es la medida que divide el grupo de datos en dos partes, cada una de las cuales agrupa el 50% del total.

Para calcular la mediana, primero se ordenan los datos de menor a mayor, teniendo en cuenta los siguientes casos:

**Caso 1.** Hay un número impar de datos.

En este caso, la mediana es exactamente el dato del centro.

**Caso 2.** Hay un número par de datos.

En este caso no hay un único dato en el centro sino dos, y la mediana es el **promedio** de estos dos datos del centro.

En el intervalo  $[3, 7]$  están todos los números reales desde 3 hasta 7. En el intervalo  $[5, 8]$  están todos los números reales mayores o iguales a 5 y menores que 8 (el 8 no está incluido en el intervalo).

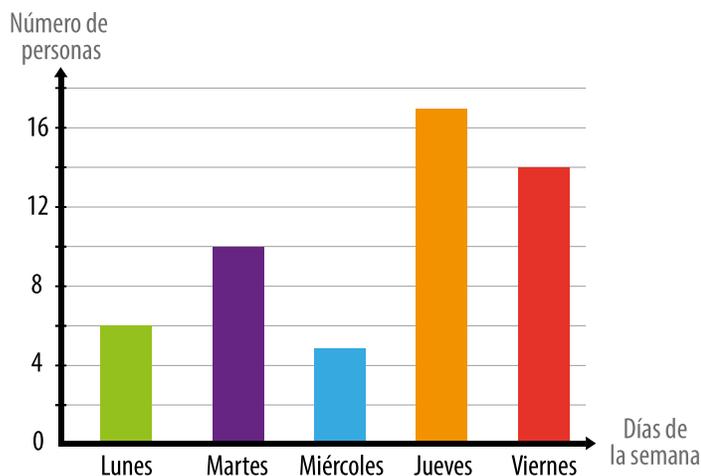


## Clase 25

## Actividad 71 – Prueba Saber

Lea con atención cada enunciado y marque con **X** la respuesta correcta.

La siguiente gráfica muestra la cantidad de personas atendidas en un centro médico durante una semana:



1 De acuerdo con la información de la gráfica, es correcto afirmar que:

- A. El martes se atendieron menos personas que el jueves, pero más que el viernes.
- B. El viernes se atendieron más personas que el miércoles, pero menos que el jueves.
- C. El viernes se atendieron menos personas que el lunes, pero más que el jueves.
- D. El miércoles se atendieron más personas que el lunes, pero menos que el martes.

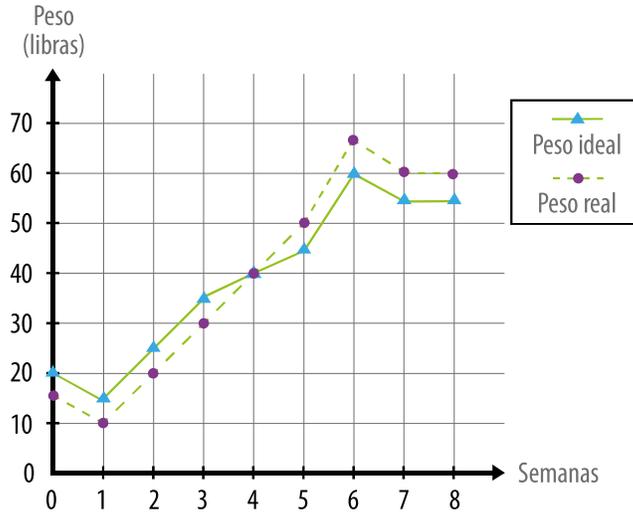
2 Oscar preguntó a sus compañeros por el número de hermanos de cada uno. Los datos se presentan en la siguiente tabla.

Nombre	Andrea	Carlos	Merly	Juan	Claudia
N° Hermanos	4	2	1	3	2

Si Oscar desea hallar el promedio de hermanos de sus 5 amigos lo que debe hacer es:

- A. Multiplicar todos los datos y dividir el resultado por el número de datos.
- B. Sumar los datos y dividir el resultado por el número de datos.
- C. Escoger el dato que más se repite.
- D. Escoger el dato que está en la mitad.

- 3 La gráfica representa las variaciones en el peso ideal y el peso real (en libras), de un animal, durante sus 8 primeras semanas de vida.



¿En qué semana, el peso real del animal fue igual al peso ideal?

- A. 1
  - B. 4
  - C. 8
  - D. 6
- 4 En la heladería de Don Nicolás se venden helados de los siguientes sabores: mandarina, caramelo, fresa y vainilla. La siguiente tabla muestra la cantidad de helados y los precios de cada uno.

Sabor	Cantidad	Precio unitario
Mandarina	20	\$ 600
Chocolate	15	\$ 800
Fresa	30	\$ 400
Vainilla	25	\$ 500

Con base en los datos de la tabla, se puede afirmar que Don Nicolás

- A. Obtendría más dinero por vender helado de mandarina que de fresa.
- B. Obtendría igual dinero por vender helado de mandarina y de vainilla.
- C. Recibiría más dinero por vender helado de chocolate.
- D. Recibiría más dinero por vender helado de vainilla.



**Clase 26**

**Tema: Clasificación de expresiones algebraicas**

**Actividad 72**

Represente en lenguaje algebraico las siguientes expresiones:

1. El número natural siguiente a  $k$ .

2. El triple de  $n$ .

3. El número que excede a  $n$  en 18.

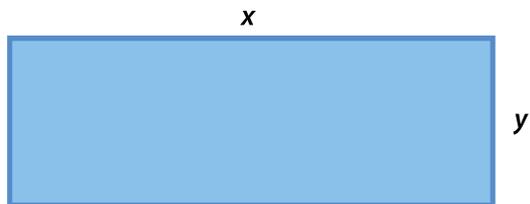
4. El cubo de  $a$  disminuido en 3.

5. La suma de los cuadrados de dos números.

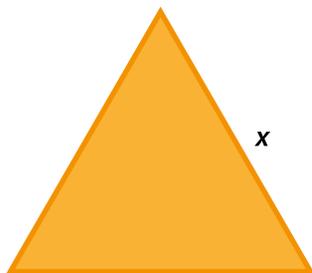
6. El cuadrado de un número menos cinco.

**Actividad 73**

Escriba el perímetro o el área de acuerdo a la figura y a las medidas dadas.



1 El perímetro del rectángulo de ancho  $y$  y largo  $x$ .



2 El perímetro del triángulo equilátero de lado  $x$ .



3 El área de un rectángulo de base  $x$  cuya altura mide 6 cm menos que su base.



## Clase 27

### Actividad 76

Lea la información y luego escriba cuántos términos contienen las expresiones algebraicas dadas.



Una **expresión algebraica** es una combinación de letras, números y signos de operaciones



Un **término** es una expresión algebraica que consta de uno o varios símbolos, no separados entre sí por operadores aditivos (+ ó -)

1  $5x^4 + 6x - 1$  \_\_\_\_\_

2  $9m^2n + 18mn^2$  \_\_\_\_\_

3  $3ab^3$  \_\_\_\_\_

4  $x^3 + y^3$  \_\_\_\_\_

5  $10x^8y^3$  \_\_\_\_\_

6  $3x^3 + 4x^2 + 5x^2 + 4x^3$  \_\_\_\_\_

7  $-3x^3 - 9x^2 - 1$  \_\_\_\_\_

8  $5x^4 + 7x^3 - 6x^4 + 11x^3$  \_\_\_\_\_

### Actividad 77

Complete la tabla escribiendo las partes de cada expresión algebraica.

Expresión algebraica	Número de términos	Coficiente (signos y números)	Variable (parte literal)	Exponentes
$9xy^4$				
$16x^{12}y^{13}$				
$2x - 4$				
$a^2 + b^2 + c^2$				
$6x^4 - 5x^3 + x^2 + 4x + 9$				
$-16x^2 + 8x - 9$				
$5x^4 + 6x - 1$				

**Actividad 78**

Teniendo en cuenta los datos de la tabla, escriba la expresión algebraica que se forma en cada fila.

Número de términos	Coficiente (signos y números)	Variable (parte literal)	Exponentes	Expresión algebraica
1	16	x, y	3, 2	
3	1, -3, 2	a, b, c	1, 2, 1	
2	7, -5	m, n	5, 3	
4	2, -4, 1, -1	m	2, 1, 3, 5	
1	7	x, y, z	2, 1, 1	
2	17, -12	a, b	5, 7	
3	4, -5, -3	m, n	3, 2	

**Actividad 79**

Escriba la expresión algebraica de cada personaje.

Tiene tres letras, los exponentes son números impares y la parte numérica es un número irracional.



Tiene tres términos y dos letras, los exponentes son números pares y las partes numéricas son números enteros.



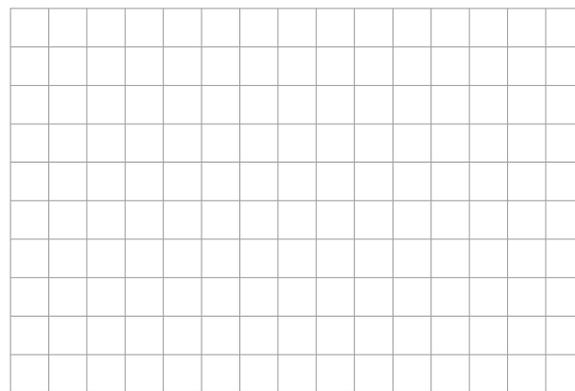
**Actividad 80**

El perímetro de una figura geométrica es la suma de las longitudes de los lados. Dibuje la figura que se forma si el perímetro está dado por las siguientes expresiones algebraicas:

1  $3a + 5b + 4c$



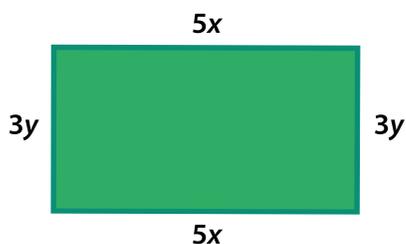
2  $3x + 5x + 3x + 5x$



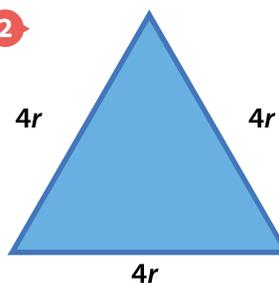
**Actividad 81**

Escriba la expresión algebraica que represente el perímetro de cada figura.

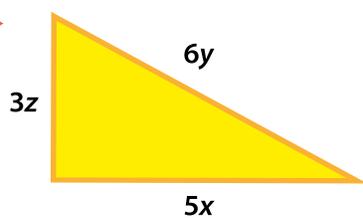
1



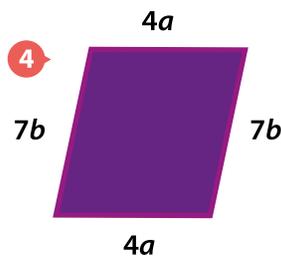
2



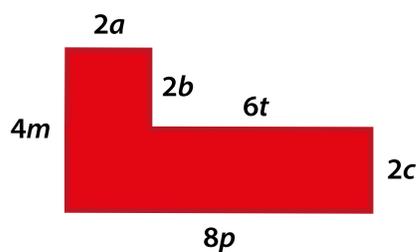
3



4



5





### Actividad 85

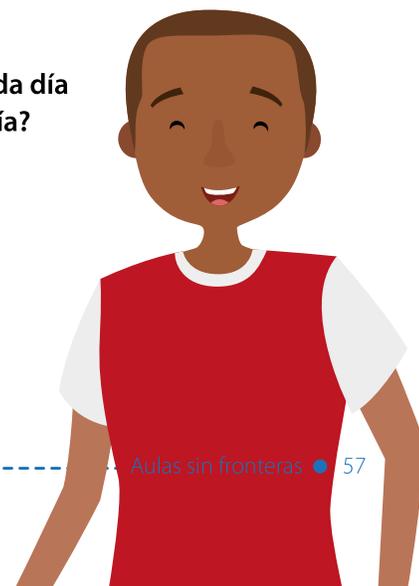
Escribe (V) si la afirmación es verdadera y (F) si es falsa.

- 1  Un polinomio es una expresión algebraica.
- 2  Un polinomio de tres términos y exponente 3 en alguna de las variables recibe el nombre de trinomio.
- 3  La expresión  $25x^3y + 2xy^3$  es un monomio.
- 4  Una expresión algebraica de un solo término es un binomio.

### Actividad 86

Lea los siguientes enunciados y elija la expresión que responde las preguntas:

- 1 Si  $x$  representa la longitud de un camino en kilómetros, ¿qué expresión algebraica representará la longitud que nos queda por recorrer si ya hemos recorrido 4 km?
  - a)  $4 - x$
  - b)  $x - 4$
  - c)  $x + 4$
- 2 Si  $z$  es la edad de mi hermana actualmente y la mía actualmente es el doble de su edad cuando ella tenía tres años menos, ¿qué expresión algebraica representa mi edad?
  - a)  $2z - 3$
  - b)  $2(z + 3)$
  - c)  $2(z - 3)$
- 3 Olga hizo 10 tortas de chontaduro y  $X$  tortas de plátano maduro. ¿Cuántas tortas hizo Olga en total?
  - a)  $10 + x$
  - b)  $x - 10$
  - c)  $10 - x$
- 4 Carlos recorrió un total de 625 km en la playa del almejal en  $d$  días y cada día recorrió la misma distancia. ¿Cuántos kilómetros recorrió Carlos cada día?
  - a)  $625d$
  - b)  $\frac{625}{d}$
  - c)  $625 - d$



**Clase 29**

**Actividad 87**

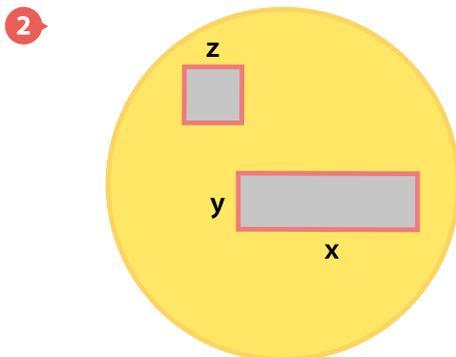
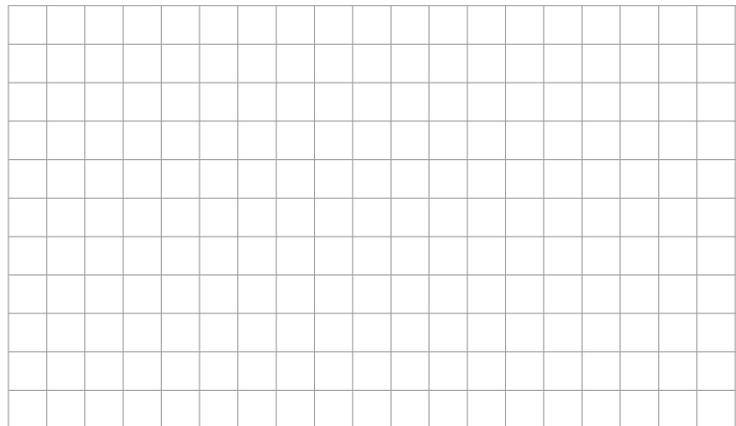
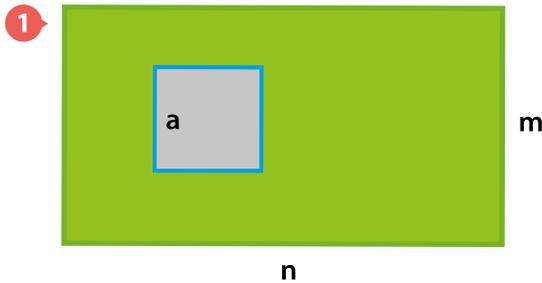
Diga si las siguientes expresiones algebraicas son polinomios o no. En caso afirmativo, escriba el número de términos:

- 1  $3x + 5x^2 - 7x^3 - 12x^5$  \_\_\_\_\_
- 2  $10x^8y^3$  \_\_\_\_\_
- 3  $-4b^7 + 2b^6 - 9b^5 + 8b^4 - 6b^2 + 1$  \_\_\_\_\_
- 4  $4c^3 - 9c + 8$  \_\_\_\_\_

**Actividad 88**

El área de un cuadrado es  $l^2$ , el área de círculo es  $\pi r^2$ , el área del rectángulo es  $b \times h$ , donde  $l$  es el lado del cuadrado,  $b$  es la base y  $h$  es la altura del rectángulo.

Teniendo en cuenta la información anterior, halle la expresión algebraica que define el área de la parte coloreada en cada figura.



**Resumen**

**Definición de expresión algebraica**

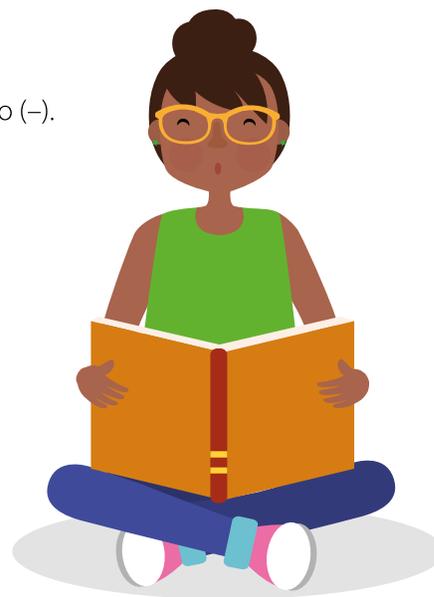
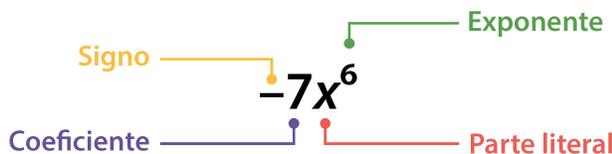
Una **expresión algebraica** es una combinación de letras, números y signos de operaciones.

Por ejemplo:  $3x^5y^4$ ,  $2m^3 + n$ ,  $2ab + 3b^2 - 8$  son expresiones algebraicas.

**Término:** es una expresión algebraica que consta de uno o varios símbolos, no separados entre sí por operadores aditivos (+ ó -).

Los elementos de una expresión algebraica son:

- **Coficiente:** la parte numérica del término.
- **Parte literal:** las letras o variables de la expresión.
- **Signo:** el símbolo que indica si el término es positivo (+) o negativo (-).
- **Exponente:** los números que están arriba de las letras.



**Clasificación de las expresiones algebraicas**

Las expresiones algebraicas se clasifican según el número de términos en:

- **Monomio:** está formado por un coeficiente y por una parte literal.

$$8x \quad 2x^4 \quad 3x \quad -3xyz \quad 127ab^4c^7$$

- **Polinomio:** una expresión algebraica de dos o más términos.

$$3b^2 + 3ab - 7abc + 6ac^3, \quad -5x^2 + 2xy^4 + 6x^3y^2 - 12y^3$$

De acuerdo a la cantidad de términos, el polinomio recibe denominaciones particulares como: binomio o trinomio:

- **Binomio:** un polinomio que consta de dos términos. Por ejemplo:

$$4b + 3b^3c, \quad 3x^3yz^2 - 3ab^2$$

- **Trinomio:** un polinomio que consta de tres términos. Por ejemplo:

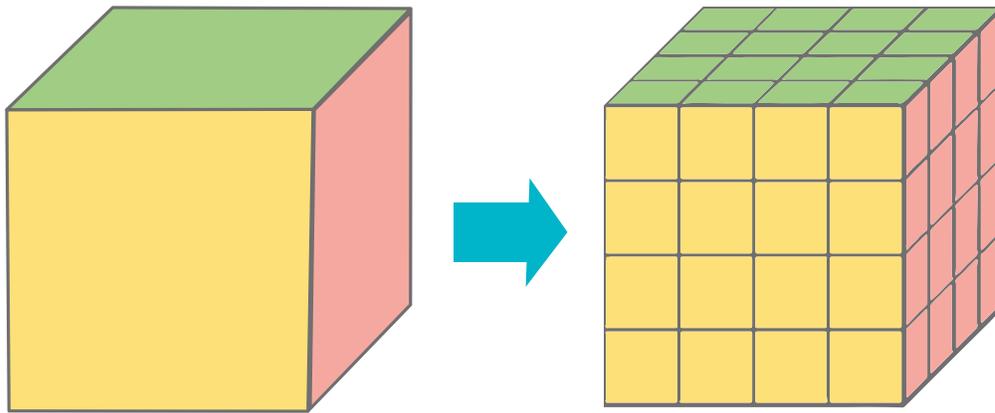
$$3b^2 - 3ab + 7abc, \quad x^2 + 2xy + y^2$$

**Clase 30**

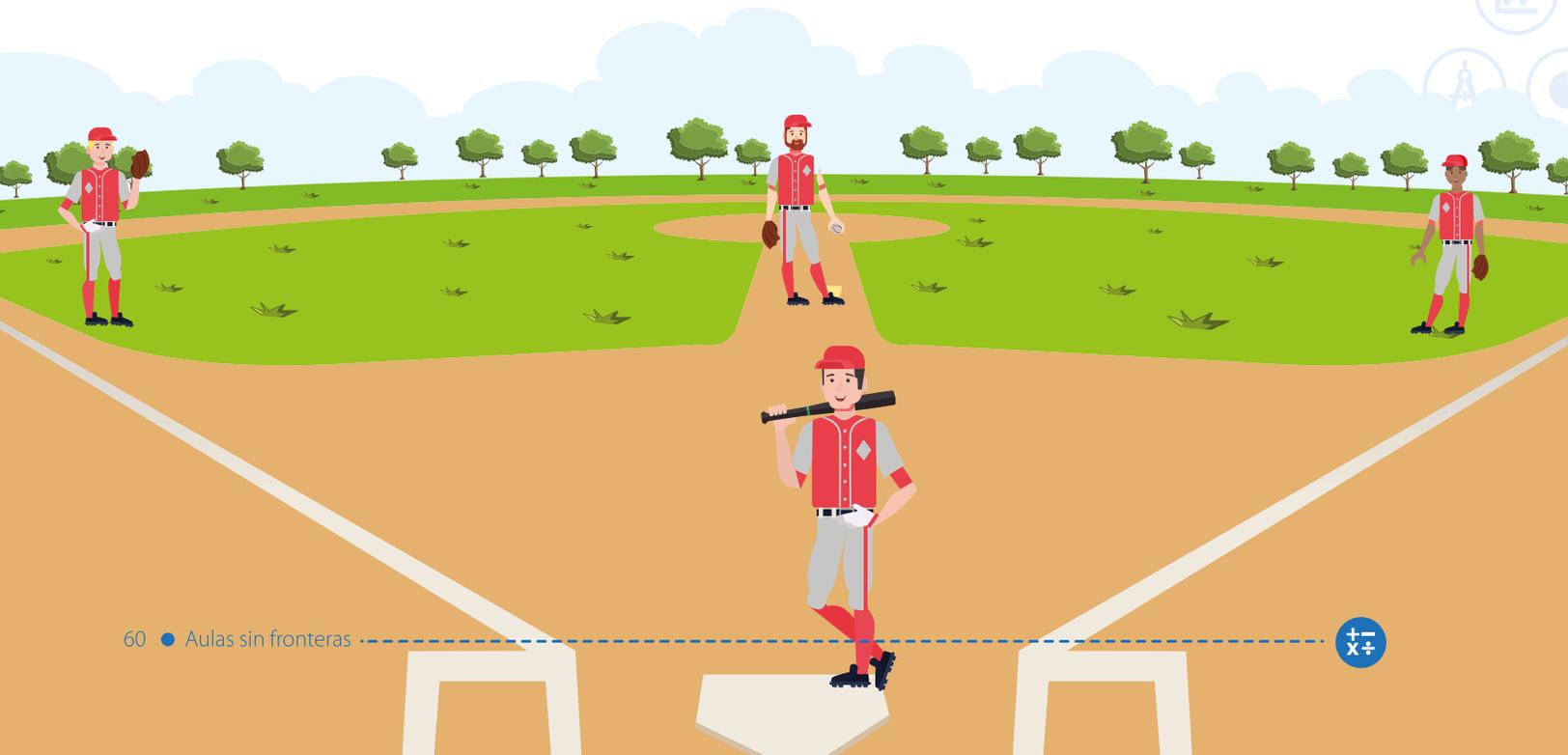
**Actividad 89**

**Desafío matemático**

- 1 Antes de ser dividido, el siguiente cubo fue pintado por las seis caras. Considerando ahora los cubos pequeños, ¿cuántos tienen solo una cara pintada?



- 2 En un campeonato de béisbol se inscribieron 5 equipos. Durante la competencia cada uno de los cinco equipos debe jugar exactamente tres partidos con cada uno de los otros equipos. ¿Cuál es el número total de partidos que se juegan?



## Clase 31

## Tema: Grado de un monomio y grado de un polinomio

 Actividad 90

Relacione con una línea los monomios semejantes.

$3x^2y$

$-2xy^2$

$\frac{4}{5}xy$

$-2xy$

$\frac{7}{4}x^2y$

$0,5xy^2$

$-1,5xy^2$

$xy$

$1,03x^2y$

Dos **monomios** son semejantes si tienen exactamente la misma parte literal.


 Actividad 91

1 ▶ Lea la siguiente definición.



El **grado absoluto** de un monomio es la suma de todos los exponentes de las variables.

$$3m^5n^2p$$

El grado absoluto de este monomio es 8, pues la suma de los exponentes es  $5 + 2 + 1$ .

2 ▶ Escriba el grado absoluto de cada uno de los siguientes monomios:

a)  $-5,5p^4t^2$  \_\_\_\_\_

b)  $3m^3n^2z^2$  \_\_\_\_\_

c)  $\frac{1}{2}a^3bc^2$  \_\_\_\_\_

**Actividad 92**

Escriba en cada cuadro un monomio homogéneo al monomio dado.



Los monomios  $3a^2b^3c$  y  $-ab^2c^3$  son homogéneos pues tienen el mismo grado absoluto.

$-4x^2y$

--	--

$2m^4a^4$

--	--

$0,5t^3y^2$

--	--

**Actividad 93**

1 Lea el siguiente texto:

El grado de un monomio con respecto a una variable o **grado relativo** es el exponente de la variable. Por ejemplo, en el monomio  $27ab^3$ , el grado relativo a la variable  $b$  es 3 y con respecto a la variable  $a$  es 1.

2 Teniendo en cuenta lo anterior, determine cuáles de las afirmaciones son verdaderas o falsas. Justifique su respuesta.

$5n^2m^3$

a) El grado relativo, con respecto a la variable  $m$  del monomio es 5.

---



---

b) El grado relativo, con respecto a la variable  $n$  es 2.

---



---

$-4y^4z^2w^3$

c) El grado relativo, con respecto a la variable  $y$  es 4.

---



---

d) El grado relativo, con respecto a la variable  $w$  es 1.

---



---

**Actividad 94**

Halle el grado absoluto y el grado relativo de cada monomio. Desarrolle el proceso en su cuaderno.

1  $5m^2t^3$

2  $0,5xy$

3  $\frac{7}{3}m^4b^2$







**Clase 33**

**Actividad 100**

Ordene cada polinomio según la instrucción.

1



En forma descendente, es decir de mayor a menor exponente.

a)  $x - 4x^3 + 7x^2 + 10x^4$

---

b)  $4m^4 - 5m^6 + 2m - 9m^3 + 11$

---

c)  $-2y^6 + 4y^2 - 3y^5 + y - 7y^4 + y^3 + 1$

---

d)  $3a + a^2 - 1 + a^3$

---

2



En forma ascendente, es decir de menor a mayor exponente.

a)  $-3x^2 - 4x^5 + 3x + 1x^3 + 3$

---

b)  $m + 1m^3 + 2m^2 - m^4 - 1$

---

c)  $-t^6 + 2t^2 - 4t^5 + t - 2t^4 + t^3 - 3$

---

d)  $a - 3a^2 + 1 - a^3$

---

**Actividad 101**

Escriba un polinomio teniendo en cuenta las condiciones.

1 Completo, en la variable  $z$ , de grado 5 y ordenado en forma descendente.

---

2 Completo, en la variable  $b$ , de grado 4 y ordenado en forma ascendente.

---

+







 Resumen**Grado de un monomio**

Puede ser relativo o absoluto.

- El **grado relativo** de un monomio con respecto a una variable también se denomina grado relativo y es el exponente de dicha variable.
- El **grado absoluto** de un monomio es la suma de los exponentes de las variables del monomio. Si dos o más monomios tienen el mismo grado absoluto, se dice que son homogéneos.

**Grado de un polinomio**

Puede ser relativo o absoluto.

- El **grado relativo** de un polinomio con relación a una variable, es el mayor exponente que tienen la variable en el polinomio.
- El **grado absoluto** de un polinomio, es el mayor de los grados de los términos que contiene el polinomio.

**Orden en polinomios**

Los polinomios se ordenan teniendo en cuenta los exponentes de las variables.

Se pueden ordenar en forma ascendente o en forma descendente.

- **Ascendente** cuando se organizan de menor a mayor exponente.
- **Descendente** cuando se organizan de mayor a menor exponente.

El **término independiente** es el término de grado 0 en el polinomio, es decir, la constante.

Un **polinomio completo** es aquel que tiene todos los términos desde el término independiente hasta el término de mayor grado.



**Clase 35**

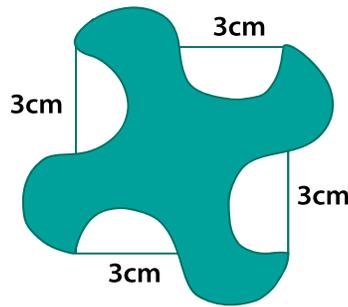
**Actividad 108 – Prueba Saber**

Lea con atención cada enunciado y marque con **X** la respuesta correcta.

**1** Lucía escribió el polinomio  $-5x^4 + 1 - 3x^2$  como un polinomio completo. Lo que escribió fue incorrecto pues:

- A. Al polinomio le falta la variable y.
- B. Faltan los términos de  $x^3$  y de  $x$ .
- C. El primer término no puede ser negativo.
- D. Falta el término  $4x^3$ .

**2** El área de la región sombreada es:



- A.  $81 \text{ cm}^2$ .
- B.  $9 \text{ cm}^2$ .
- C.  $6 \text{ cm}^2$ .
- D.  $36 \text{ cm}^2$ .

**3** Las edades de Olga y Caterine suman 45 años. Caterine le dice a Olga: “Tu tienes el doble de años que yo”. ¿Qué edad tienen cada una?

- A. Caterine 24 años y Olga 12 años.
- B. Caterine 15 años y Olga 30 años.
- C. Caterine 30 años y Olga 15 años.
- D. Caterine 18 años y Olga 36 años.

**4** Pablo tiene las siguientes opciones para elegir su uniforme. ¿De cuántas maneras diferentes puede vestir su uniforme?



- A. 5 maneras diferentes.
- B. 12 maneras diferentes.
- C. 8 maneras diferentes.
- D. 6 maneras diferentes.

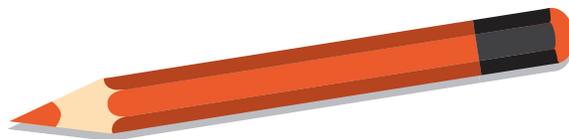






**Clase 37**

**Actividad 112**



Calcule el valor numérico de las expresiones algebraicas contenidas en la tabla siguiente, teniendo en cuenta los valores dados para cada variable.

Expresión algebraica	Si $a = 2, b = -1, c = 3, d = 1, e = 5$	Valor numérico
<p>1</p> $5a^2 + 2bc + 3d$		
<p>2</p> $3a^2 - 2ac + 3e$		
<p>3</p> $-5ab + 1$		
<p>4</p> $2(a - c) + 3(c - e)$		
<p>5</p> $\frac{e}{2} - \frac{a}{3} + \frac{c}{5}$		
<p>6</p> $(a + b - c + e)^2$		



**Actividad 114**

Si  $y = x^3 + 4x^2 + x - 1$  calcule el valor de  $y$  para cada valor dado de  $x$ .

1  $x = -2$



2  $x = -\frac{1}{2}$



**Actividad 115 - Tarea**

Seleccione la respuesta correcta.

1 El valor numérico de  $n^2 - 5n + 10$  para  $n = -10$  es:

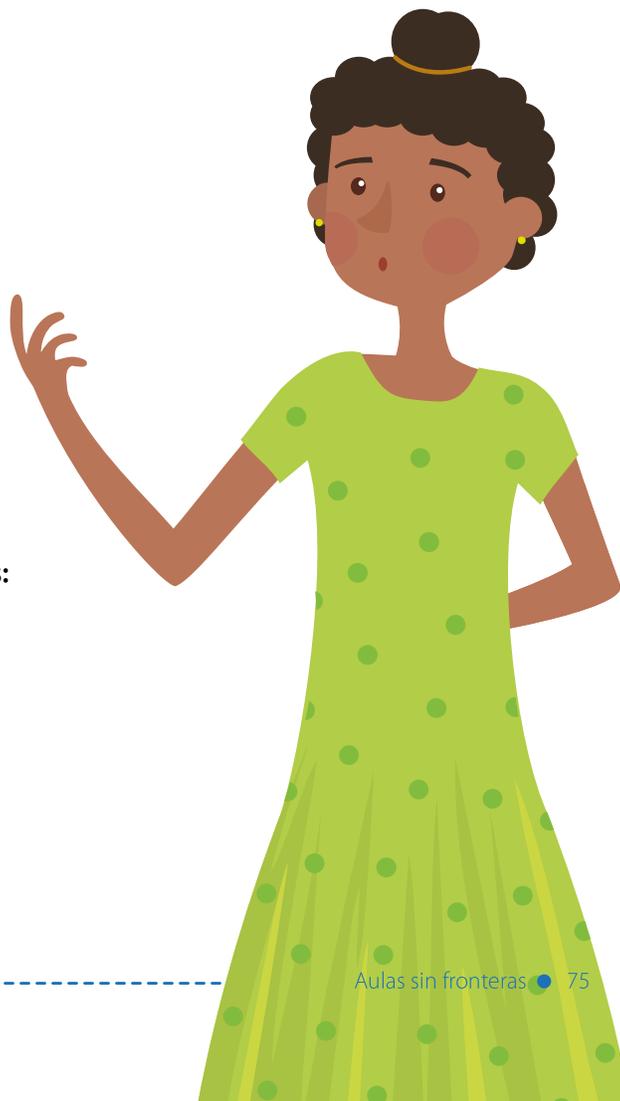
- A. 60
- B. 40
- C. 160
- D. -60

2 El valor numérico de  $3x^2 + 5(x - 4)$  para  $x = -5$  es:

- A. 47
- B. 77
- C. 53
- D. 30

3 El valor numérico de  $\frac{4a + 10}{3b - 5}$  para  $a = -3$  y  $b = 4$  es:

- A.  $-\frac{1}{7}$
- B.  $-\frac{2}{7}$
- C.  $-\frac{22}{17}$
- D.  $-\frac{22}{7}$

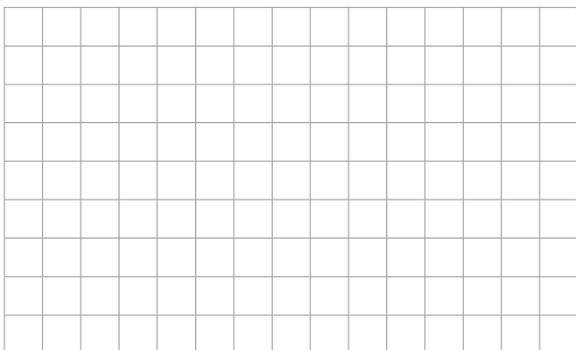


**Clase 38**

**Actividad 116**

Determine si cada afirmación es verdadera o falsa. Para ello, lea el enunciado y calcule el valor numérico de la expresión.

1  $3x^2 - 5x - 1$  es igual a cero cuando  $x = 3$

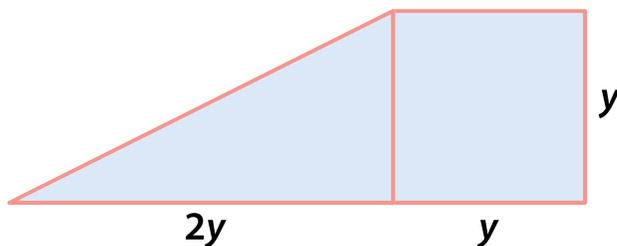


2  $3x^2 - 5x - 1$  es igual a dos cuando  $x = -1$



**Actividad 117**

El área de la figura es  $A = 2y^2$ .



1 Verifique que el área  $A$  de la figura, cuando  $y = 30$  cm es  $1.800 \text{ cm}^2$



2 Reemplace en la figura la variable  $y$  por 30, halle el área del cuadrado y luego, halle el área del triángulo; por último, sume estos dos valores. ¿Qué concluye?





**Clase 39**

**Actividad 120**

Observe y analice la siguiente tabla, la cual contiene los datos del movimiento de un atleta en el tramo recto de una competencia.

Distancia (m)	10	20	30	40	50
Tiempo (s)	2	4	6	8	10

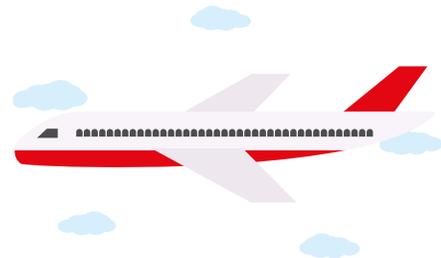
Determine la velocidad a la cual se mueve el atleta.



$v = \frac{d}{t}$   
 v es la velocidad,  
 d es la distancia y  
 t es el tiempo.

**Actividad 121**

- La distancia recorrida por un cuerpo, que se mueve con velocidad constante  $v$  y en línea recta durante un tiempo  $t$  es  $d = vt$ . Si un avión se mueve en línea recta a una velocidad constante de 400 km/h durante 1,5 h de su recorrido, ¿qué distancia recorrió en ese tiempo?



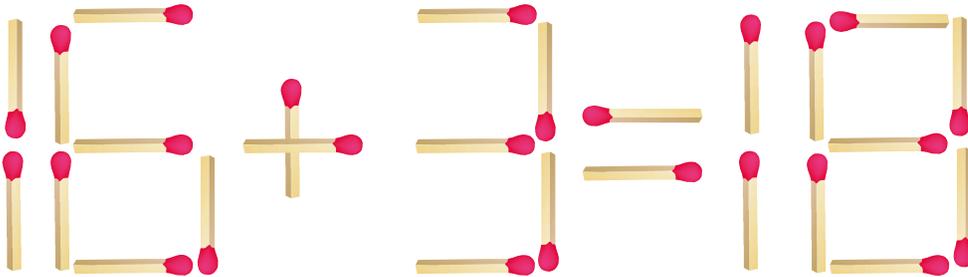


Clase 40

Actividad 122

Desafío matemático

1 Moviendo un fosforo, haga que la igualdad sea verdadera.



2 A cada letra le corresponde un único número natural de un dígito.

V	I	N	I
+	R	I	O
<hr/>			
2	0	1	6

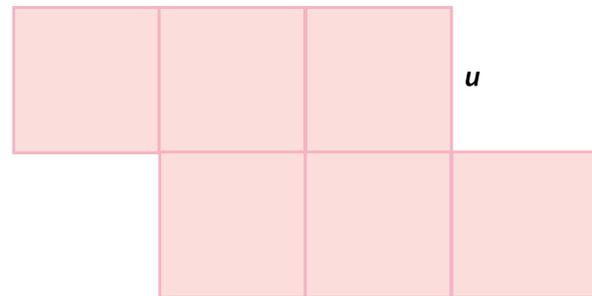


Encuentre el valor numérico de cada letra que hace que la suma sea 2.016.

3 Observe el arreglo y responda.

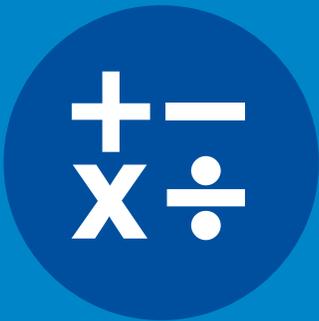


¿Cuántos cuadrados hay que agregar a la figura para que la nueva figura que se forme tenga un perímetro de 18 unidades?

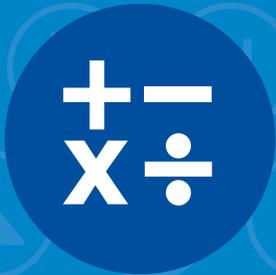








SEGUNDO  
-----  
BIMESTRE





2 Indique si los términos que aparecen en la siguiente tabla son semejantes o no. Explique su respuesta.

Término	¿Son semejantes?		¿Por qué?
	Si	No	
a) $7a^2b^3$ y $-2a^2b^3$			
b) $2pqr$ y $-5pqr$			
c) $\frac{1}{5}x^3y^4z$ y $-0,13x^4y^3z^2$			
d) $-9m^5n^{12}$ y $-m^5n^9$			

**Actividad 2**

Escriba al frente de cada monomio un término semejante.

1  $-11abc$

2  $13x^3y^5$

3  $5p^2q^4$

4  $-27m^7n^2$

5  $1,2m^3n^2$

6  $\frac{2}{7}z^5n^4$



**Actividad 3**

Observe y complete los siguientes monomios para formar las parejas semejantes:

1  $-7a^4 \square^7 y \frac{3}{5} a \square b^7$

2  $9x \square y^7 z y - \frac{2}{7} \square^5 y \square z$

3  $13a^7 b x \square y^6 y - 0,4 \square^7 b \square^9 y \square$



Tenga en cuenta que en algunos casos faltan exponentes y en otros faltan letras.

**Actividad 4 – Tarea**

Forme tres monomios semejantes con las letras y los exponentes dados.

$a^5 b^2 m^3$

$x^3 t^2$

$m^2 a^4 d^3$

